

Câu I (2 điểm)

Cho hàm số $y = \frac{-x^2 + 3x - 3}{2(x-1)}$ (1).

- 1) Khảo sát hàm số (1).
- 2) Tìm m để đường thẳng $y = m$ cắt đồ thị hàm số (1) tại hai điểm A, B sao cho $AB = 1$.

Câu II (2 điểm)

- 1) Giải bất phương trình $\frac{\sqrt{2(x^2 - 16)}}{\sqrt{x-3}} + \sqrt{x-3} > \frac{7-x}{\sqrt{x-3}}$.
- 2) Giải hệ phương trình $\begin{cases} \log_{\frac{1}{4}}(y-x) - \log_4 \frac{1}{y} = 1 \\ x^2 + y^2 = 25. \end{cases}$

Câu III (3 điểm)

- 1) Trong mặt phẳng với hệ tọa độ Oxy cho hai điểm $A(0; 2)$ và $B(-\sqrt{3}; -1)$. Tìm tọa độ trực tâm và tọa độ tâm đường tròn ngoại tiếp của tam giác OAB.
- 2) Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình thoi, AC cắt BD tại gốc tọa độ O. Biết $A(2; 0; 0)$, $B(0; 1; 0)$, $S(0; 0; 2\sqrt{2})$. Gọi M là trung điểm của cạnh SC.
 - a) Tính góc và khoảng cách giữa hai đường thẳng SA, BM.
 - b) Giả sử mặt phẳng (ABM) cắt đường thẳng SD tại điểm N. Tính thể tích khối chóp S.ABMN.

Câu IV (2 điểm)

- 1) Tính tích phân $I = \int_1^2 \frac{x}{1+\sqrt{x-1}} dx$.

- 2) Tìm hệ số của x^8 trong khai triển thành đa thức của $[1+x^2(1-x)]^8$.

Câu V (1 điểm)

Cho tam giác ABC không tù, thỏa mãn điều kiện $\cos 2A + 2\sqrt{2} \cos B + 2\sqrt{2} \cos C = 3$.
Tính ba góc của tam giác ABC.

Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.

Họ và tên thí sinh..... **Số báo danh.....**